Concours commun Mines-Ponts, France

Session 2017, filière PSI

Informatique commune

Durée : 1 heure 30 minutes

Ce que traite le sujet

- Partie I : préliminaires
- Parties II et III : déplacement des voitures et simulation à deux files
- Partie IV : transitions
- Partie V : atteignabilité
- Partie VI : base de données

Sujet reproduit sans retouche à partir de la page suivante.

Résumé des parties, chapitres de cours liés et autres années :
prepahelp.com/annales/mines/psi/2017/info

Prepa Help ne revendique aucun droit sur le sujet, propriété de l'organisateur du concours.

A2017 – INFO

ÉCOLE DES PONTS PARISTECH,
ISAE-SUPAERO, ENSTA PARISTECH,
TELECOM PARISTECH, MINES PARISTECH,
MINES SAINT-ÉTIENNE, MINES NANCY,
IMT Atlantique (ex Télécom Bretagne),
ENSAE PARISTECH.

Concours Centrale-Supelec (Cycle International),
Concours Mines-Télécom, Concours Commun TPE/EIVP.

CONCOURS 2017

ÉPREUVE D'INFORMATIQUE COMMUNE

Durée de l'épreuve : 1 heure 30 minutes

L'usage de la calculatrice et de tout dispositif électronique est interdit.

Cette épreuve est commune aux candidats des filières MP, PC et PSI

Les candidats sont priés de mentionner de façon apparente sur la première page de la copie :

INFORMATIQUE COMMUNE

L'énoncé de cette épreuve comporte 7 pages de texte.

Si, au cours de l'épreuve, un candidat repère ce qui lui semble être une erreur d'énoncé, il le signale sur sa copie et poursuit sa composition en expliquant les raisons des initiatives qu'il est amené à prendre.

Étude de trafic routier

Ce sujet concerne la conception d'un logiciel d'étude de trafic routier. On modélise le déplacement d'un ensemble de voitures sur des files à sens unique (voir Figure 1(a) et 1(b)). C'est un schéma simple qui peut permettre de comprendre l'apparition d'embouteillages et de concevoir des solutions pour fluidifier le trafic.

Le sujet comporte des questions de programmation. Le langage à utiliser est `Python`.

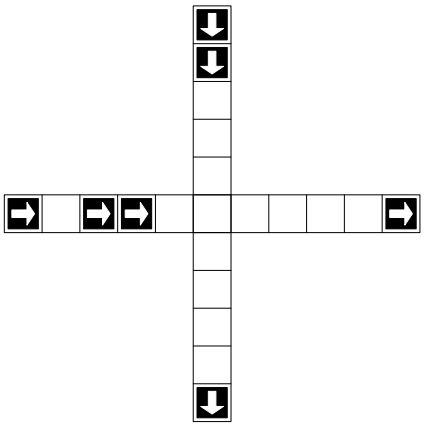
Notations

Soit L une liste,

- on note $len(L)$ sa longueur ;
- pour i entier, $0 \leq i < len(L)$, l'élément de la liste d'indice i est noté $L[i]$;
- pour i et j entiers, $0 \leq i < j \leq len(L)$, $L[i : j]$ est la sous-liste composée des éléments $L[i]$, …, $L[j-1]$;
- $p * L$, avec p entier, est la liste obtenue en concaténant p copies de L. Par exemple, $3 * [0]$ est la liste [0, 0, 0].



(a) Représentation d'une file de longueur onze comprenant quatre voitures, situées respectivement sur les cases d'indices 0, 2, 3 et 10.



(b) Configuration représentant deux files de circulation à sens unique se croisant en une case. Les voitures sont représentées par un carré noir.

Figure 1 – Files de circulation

Partie I. Préliminaires

Dans un premier temps, on considère le cas d'une seule file, illustré par la Figure 1(a). Une file de longueur n est représentée par n cases. Une case peut contenir au plus une voiture. Les voitures présentes dans une file circulent toutes dans la même direction (sens des indices croissants, désigné par les flèches sur la Figure 1(a)) et sont indifférenciées.

❑ **Q1** – Expliquer comment représenter une file de voitures à l'aide d'une liste de booléens.

❑ **Q2** – Donner une ou plusieurs instructions `Python` permettant de définir une liste A représentant la file de voitures illustrée par la Figure 1(a).

❑ **Q3** – Soit L une liste représentant une file de longueur n et i un entier tel que $0 \leq i < n$. Définir en `Python` la fonction `occupe(L, i)` qui renvoie `True` lorsque la case d'indice i de la file est occupée par une voiture et `False` sinon.

❑ **Q4** – Combien existe-t-il de files différentes de longueur n ? Justifier votre réponse.

❑ **Q5** – Écrire une fonction `egal(L1, L2)` retournant un booléen permettant de savoir si deux listes $L1$ et $L2$ sont égales.

❑ **Q6** – Que peut-on dire de la complexité de cette fonction ?

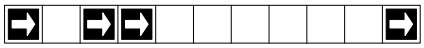
❑ **Q7** – Préciser le type de retour de cette fonction.

Partie II. Déplacement de voitures dans la file

On identifie désormais une file de voitures à une liste. On considère les schémas de la Figure 2 représentant des exemples de files. Une *étape de simulation pour une file* consiste à déplacer les voitures de la file, à tour de rôle, en commençant par la voiture la plus à droite, d'après les règles suivantes :

- une voiture se trouvant sur la case la plus à droite de la file sort de la file ;
- une voiture peut avancer d'une case vers la droite si elle arrive sur une case inoccupée ;
- une case libérée par une voiture devient inoccupée ;
- la case la plus à gauche peut devenir occupée ou non, selon le cas considéré.

On suppose avoir écrit en `Python` la fonction `avancer` prenant en paramètres une liste de départ, un booléen indiquant si la case la plus à gauche doit devenir occupée lors de l'étape de simulation, et renvoyant la liste obtenue par une étape de simulation.
Par exemple, l'application de cette fonction à la liste illustrée par la Figure 2(a) permet d'obtenir soit la liste illustrée par la Figure 2(b) lorsque l'on considère qu'aucune voiture nouvelle n'est introduite, soit la liste illustrée par la Figure 2(c) lorsque l'on considère qu'une voiture nouvelle est introduite.



(a) Liste initiale A



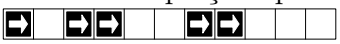
(b) $B =$ `avancer`$(A,$ `False`$)$

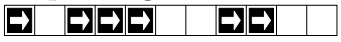


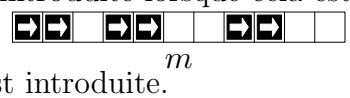
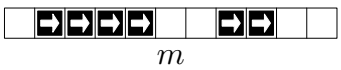
(c) $C =$ `avancer`$(A,$ `True`$)$

FIGURE 2 – Étape de simulation

❑ **Q8** – Étant donnée A la liste définie à la question 2, que renvoie `avancer(avancer(`A`, False), True)` ?

❑ **Q9** – On considère L une liste et m l'indice d'une case de cette liste ($0 \leq m < len(L)$). On s'intéresse à une *étape partielle* où seules les voitures situées sur la case d'indice m ou à droite de cette case peuvent avancer normalement, les autres voitures ne se déplaçant pas.
Par exemple, la file  devient 
m m
Définir en `Python` la fonction `avancer_fin`$(L,\ m)$ qui réalise cette étape partielle de déplacement et renvoie le résultat dans une nouvelle liste sans modifier L.

❑ **Q10** – Soient L une liste, b un booléen et m l'indice d'une case *inoccupée* de cette liste. On considère une étape partielle où seules les voitures situées à gauche de la case d'indice m se déplacent, les autres voitures ne se déplacent pas. Le booléen b indique si une nouvelle voiture est introduite sur la case la plus à gauche.
Par exemple, la file  devient  lorsque aucune
m m
nouvelle voiture n'est introduite.
Définir en `Python` la fonction `avancer_debut`$(L,\ b,\ m)$ qui réalise cette étape partielle de déplacement et renvoie le résultat dans une nouvelle liste sans modifier L.

❑ **Q11** – On considère une liste L dont la case d'indice $m > 0$ est temporairement inaccessible et bloque l'avancée des voitures. Une voiture située immédiatement à gauche de la case d'indice m ne peut pas avancer. Les voitures situées sur les cases plus à gauche peuvent avancer, à moins d'être bloquées par une case occupée, les autres voitures ne se déplacent pas. Un booléen b indique si une nouvelle voiture est introduite lorsque cela est possible.
Par exemple, la file  devient  lorsque aucune nouvelle voiture n'est introduite.

Définir en `Python` la fonction `avancer_debut_bloque`(L, b, m) qui réalise cette étape partielle de déplacement et renvoie le résultat dans une nouvelle liste.

On considère dorénavant deux files $L1$ et $L2$ de même longueur impaire se croisant en leur milieu ; on note m l'indice de la case du milieu. La file $L1$ est toujours prioritaire sur la file $L2$. Les voitures ne peuvent pas quitter leur file et la case de croisement ne peut être occupée que par une seule voiture. Les voitures de la file $L2$ ne peuvent accéder au croisement que si une voiture de la file $L1$ ne s'apprête pas à y accéder. Une *étape de simulation à deux files* se déroule en deux temps. Dans un premier temps, on déplace toutes les voitures situées sur le croisement ou après. Dans un second temps, les voitures situées avant le croisement sont déplacées en respectant la priorité. Par exemple, partant d'une configuration donnée par la Figure 3(a), les configurations successives sont données par les Figures 3(b), 3(c), 3(d), 3(e) et 3(f) en considérant qu'*aucune nouvelle voiture n'est introduite*.

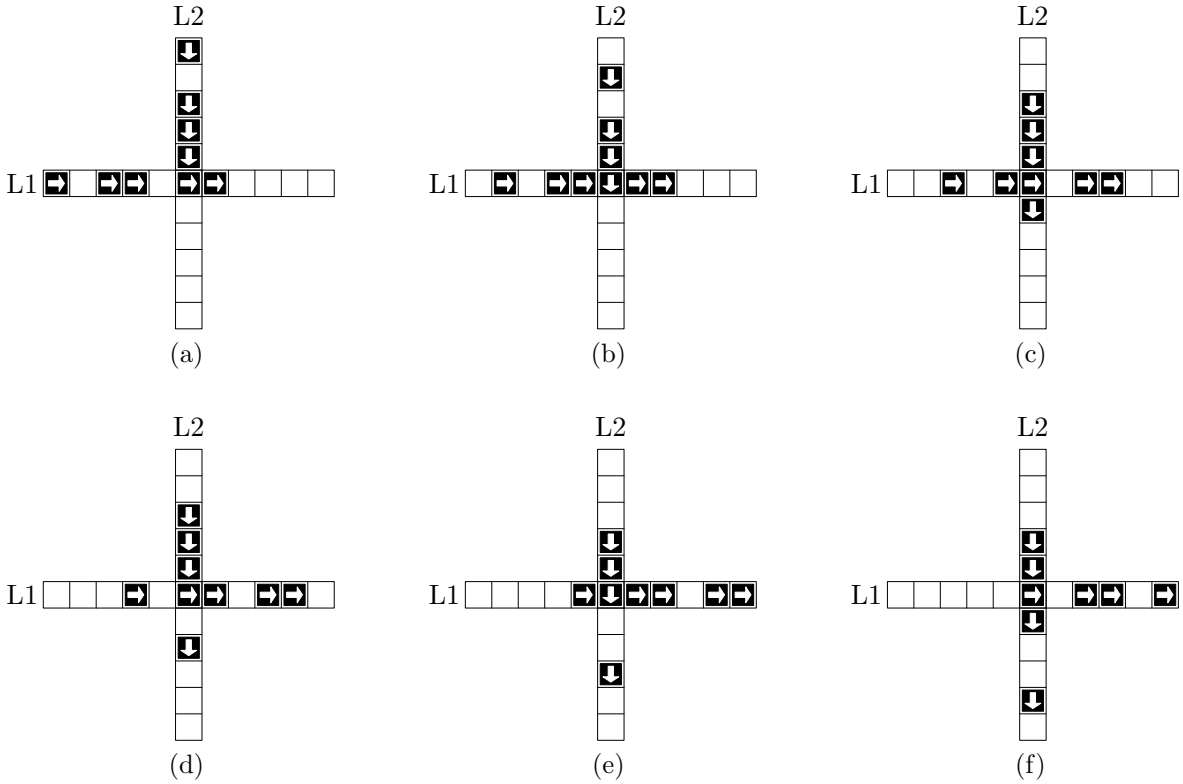


FIGURE 3 – Étapes de simulation à deux files

Partie III. Une étape de simulation à deux files

L'objectif de cette partie est de définir en `Python` l'algorithme permettant d'effectuer une étape de simulation pour ce système à deux files.

❑ **Q12** – En utilisant le langage `Python`, définir la fonction `avancer_files`($L1$, $b1$, $L2$, $b2$) qui renvoie le résultat d'une étape de simulation sous la forme d'une liste de deux éléments notée [$R1$, $R2$] sans changer les listes $L1$ et $L2$. Les booléens $b1$ et $b2$ indiquent respectivement si une nouvelle voiture est introduite dans les files $L1$ et $L2$. Les listes $R1$ et $R2$ correspondent aux listes après déplacement.

❑ **Q13** – On considère les listes

$$D = [\texttt{ False}, \texttt{True}, \texttt{False}, \texttt{True}, \texttt{False}], \qquad E = [\texttt{False}, \texttt{True}, \texttt{True}, \texttt{False}, \texttt{False}]$$

Que renvoie l'appel avancer_files(D, `False`, E, `False`) ?

Partie IV. Transitions

❑ **Q14** – En considérant que de nouvelles voitures peuvent être introduites sur les premières cases des files lors d'une étape de simulation, décrire une situation où une voiture de la file $L2$ serait indéfiniment bloquée.

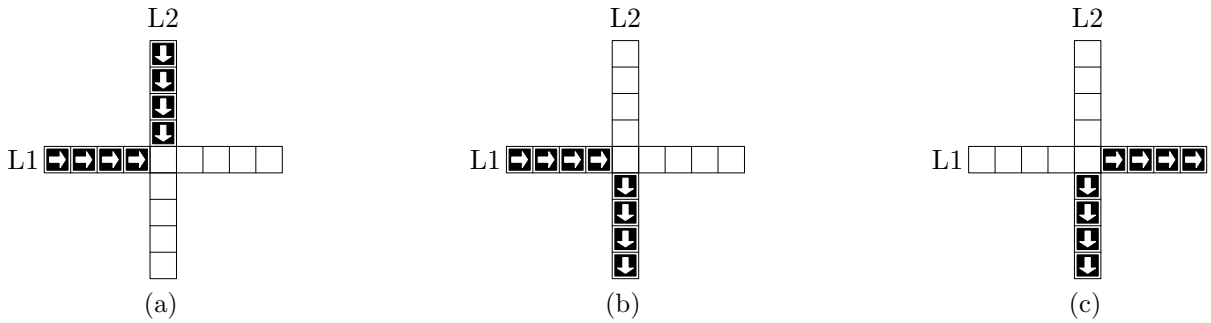


FIGURE 4 – Étude de configurations

❑ **Q15** – Étant données les configurations illustrées par la Figure 4, combien d'étapes sont nécessaires (on demande le nombre minimum) pour passer de la configuration 4(a) à la configuration 4(b) ? Justifier votre réponse.

❑ **Q16** – Peut-on passer de la configuration 4(a) à la configuration 4(c) ? Justifier votre réponse.

Partie V. Atteignabilité

Certaines configurations peuvent être néfastes pour la fluidité du trafic. Une fois ces configurations identifiées, il est intéressant de savoir si elles peuvent apparaître. Lorsque c'est le cas, on dit qu'une telle configuration est *atteignable*.

Pour savoir si une configuration est atteignable à partir d'une configuration initiale, on a écrit le code *incomplet* donné en annexe.

Le langage `Python` sait comparer deux listes de booléens à l'aide de l'opérateur usuel $<$, on peut ainsi utiliser la méthode `sort` pour trier une liste de listes de booléens.

❑ **Q17** – Écrire en langage `Python` une fonction `elim_double(L)` non récursive, de complexité linéaire en la taille de L, qui élimine les éléments apparaissant plusieurs fois dans une liste triée L et renvoie la liste triée obtenue. Par exemple `elim_double([1, 1, 3, 3, 3, 7])` doit renvoyer la liste `[1, 3, 7]`.

On dispose de la fonction suivante :

```
def doublons(liste):
    if len(liste)>1:
        if liste[0] != liste[1]:
            return [liste[0]] + doublons(liste[1:])
        del liste[1]
        return doublons(liste)
    else:
        return liste
```

❑ **Q18** – Que retourne l'appel suivant ?

```
doublons([1, 1, 2, 2, 3, 3, 3, 5])
```

❑ **Q19** – Cette fonction est-elle utilisable pour éliminer les éléments apparaissant plusieurs fois dans une liste *non* triée ? Justifier.

❑ **Q20** – La fonction `recherche` donnée en annexe permet d'établir si la configuration correspondant à `but` est atteignable en partant de l'état `init`. Préciser le type de retour de la fonction `recherche`, le type des variables `but` et `espace`, ainsi que le type de retour de la fonction `successeurs`.

❑ **Q21** – Afin d'améliorer l'efficacité du test `if but in espace`, ligne 10 de l'annexe, on propose de le remplacer par `if in1(but, espace)` ou bien par `if in2(but, espace)`, avec `in1` et `in2` deux fonctions définies ci-dessous. On considère que le paramètre `liste` est une liste triée par ordre croissant.
Quel est le meilleur choix ? Justifier.

```
def in1(element,liste):
    a = 0
    b = len(liste)-1
    while a <= b and element >= liste[a]:
        if element == liste[a]:
            return True
        else:
            a = a + 1
    return False


def in2(element,liste):
    a = 0
    b = len(liste)-1
    while a < b:
        pivot = (a+b) // 2 # l'opérateur // est la division entière
        if liste[pivot] < element:
            a = pivot + 1
        else:
            b = pivot
    if element == liste[a]:
        return True
    else:
        return False
```

❑ **Q22** – Afin de comparer plus efficacement les files représentées par des listes de booléens on remarque que ces listes représentent un codage binaire où `True` correspond à 1 et `False` à 0. Écrire la fonction `versEntier(L)` prenant une liste de booléens en paramètre et renvoyant l'entier correspondant. Par exemple, l'appel `versEntier([True, False, False])` renverra 4.

❑ **Q23** – On veut écrire la fonction inverse de `versEntier`, transformant un entier en une liste de booléens. Que doit être au minimum la valeur de `taille` pour que le codage obtenu soit satisfaisant ? On suppose que la valeur de `taille` est suffisante. Quelle condition booléenne faut-il écrire en ligne 4 du code ci-dessous ?

```
1 def versFile(n, taille):
2     res = taille * [False]
3     i = taille - 1
4     while ...:
5         if (n % 2) != 0: # % est le reste de la division entière
6             res[i] = True
7         n = n // 2 # // est la division entière
8         i = i - 1
9     return res
```

❑ **Q24** – Montrer qu'un appel à la fonction `recherche` de l'annexe se termine toujours.

❑ **Q25** – Compléter la fonction `recherche` pour qu'elle indique le nombre minimum d'étapes à faire pour passer de `init` à `but` lorsque cela est possible. Justifier la réponse.

Partie VI. Base de données

On modélise ici un réseau routier par un ensemble de *croisements* et de *voies* reliant ces croisements. Les voies partent d'un croisement et arrivent à un autre croisement. Ainsi, pour modéliser une route à double sens, on utilise deux voies circulant en sens opposés.
La base de données du réseau routier est constituée des relations suivantes :

- Croisement(<u>id</u>, longitude, latitude)
- Voie(<u>id</u>, longueur, id_croisement_debut, id_croisement_fin)

Dans la suite on considère c l'identifiant (`id`) d'un croisement donné.

❑ **Q26** – Écrire la requête SQL qui renvoie les identifiants des croisements atteignables en utilisant une seule voie à partir du croisement ayant l'identifiant c.

❑ **Q27** – Écrire la requête SQL qui renvoie les longitudes et latitudes des croisements atteignables en utilisant une seule voie, à partir du croisement c.

❑ **Q28** – Que renvoie la requête SQL suivante ?

```
1 SELECT V2.id_croisement_fin
2 FROM   Voie as V1
3 JOIN   Voie as V2
4 ON     V1.id_croisement_fin = V2.id_croisement_debut
5 WHERE  V1.id_croisement_debut = c
```

Annexe

```
def recherche(but, init):
    espace = [init]
    stop = False
    while not stop:
        ancien = espace
        espace = espace + successeurs(espace)
        espace.sort() # permet de trier espace par ordre croissant
        espace = elim_double(espace)
        stop = egal(ancien,espace) # fonction définie à la question 5
        if but in espace:
            return True
    return False


def successeurs(L):
    res = []
    for x in L:
        L1 = x[0]
        L2 = x[1]
        res.append( avancer_files(L1, False, L2, False) )
        res.append( avancer_files(L1, False, L2, True) )
        res.append( avancer_files(L1, True,  L2, False) )
        res.append( avancer_files(L1, True,  L2, True) )
    return res

# dans une liste triée, elim_double enlève les éléments apparaissant plus d'une fois
# exemple : elim_double([1, 1, 2, 3, 3]) renvoie [1, 2, 3]
def elim_double(L):
    # code à compléter

# exemple d'utilisation
# debut et fin sont des listes composées de deux files de même longueur impaire,
# la première étant prioritaire par rapport à la seconde
debut = [5*[False], 5*[False]]
fin  = [3*[False]+2*[True], 3*[False]+2*[True]]
print(recherche(fin,debut))
```

Fin de l'épreuve.

Travailler les chapitres de ce sujet

Prepa Help suit le programme de PSI chapitre par chapitre : cours détaillé, méthodes, pièges, exercices et problèmes corrigés pas à pas, tirés des concours. L'essai gratuit donne accès aux chapitres offerts de ta filière, sans carte bancaire.

Chapitres liés à ce sujet

- Bases de Python : expressions, types, instructions, fonctions
- Listes et algorithmes de recherche (séquentielle, dichotomique)
- Récursivité
- Spécifier, tester, prouver : terminaison et correction
- Graphes : représentations et parcours

Ouvrir l'essai gratuit

Scanne le code ou clique sur le bouton.

prepahelp.com/#essai

Une question sur le concours ou sur ta filière : **écrire sur WhatsApp**

Les autres années et épreuves : prepahelp.com/annales/mines/psi